

Génie mécanique

Cours No 5.2

Elasticité- Plasticité

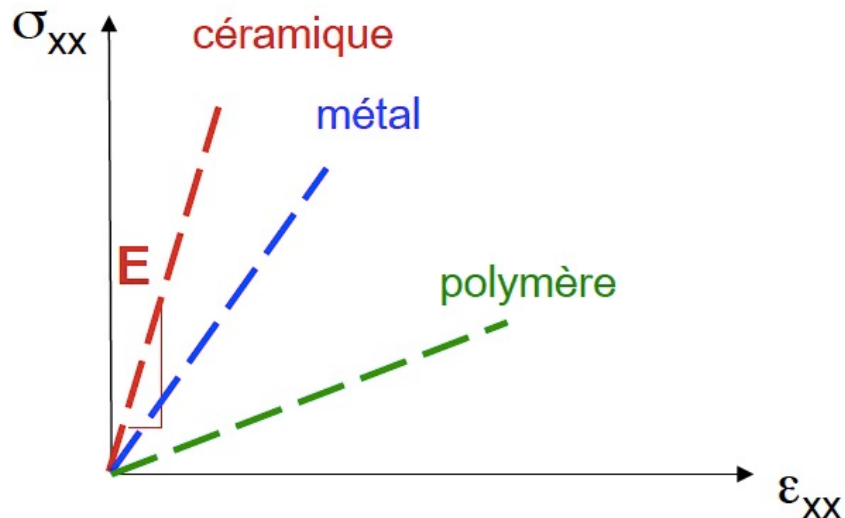
V.Michaud

Ecole Polytechnique Fédérale de Lausanne

EPFL

Rappels

- Pour l'étude des processus mis en jeu lors de la déformation des matériaux, on considère des **contraintes (force par unité de surface)** et des **déformations (variation de longueur normalisée par la longueur initiale)**.
- Dans le régime d'élasticité linéaire, la contrainte en traction uni-axiale est reliée à la déformation le long de cet axe par une relation linéaire de **coefficient de proportionnalité E , est appelé module d'Young ou module d'élasticité**.
- Ce module a pour dimension **$\text{Pa} = \text{N.m}^{-2}$** , (qui est aussi écrit en **J.m^{-3}** quand on considère l'énergie, car $1\text{J}=1\text{N.m}$ par définition). Il varie de plusieurs ordres de grandeurs selon les matériaux, de quelques MPa pour certains polymères, a des centaines de GPa pour les céramiques (quelques dizaines pour les métaux).



- E est lié à l'énergie de liaison entre les atomes
- E représente la rigidité d'un matériau: plus E est grand, plus il est rigide
- E a la dimension d'une contrainte (Pa)

Rappels

- *L'origine de l'élasticité linéaire se trouve au niveau des liaisons des atomes et la valeur de E est directement reliée au potentiel d'interaction entre les atomes (donc au type de liaison et de la structure cristalline).*
- *Une élongation (ou contraction) selon une direction induit une déformation dans les directions transverses. Ceci est représenté par **le coefficient de Poisson**, relié aussi au changement de volume du matériau sous contrainte.*

Table des matières

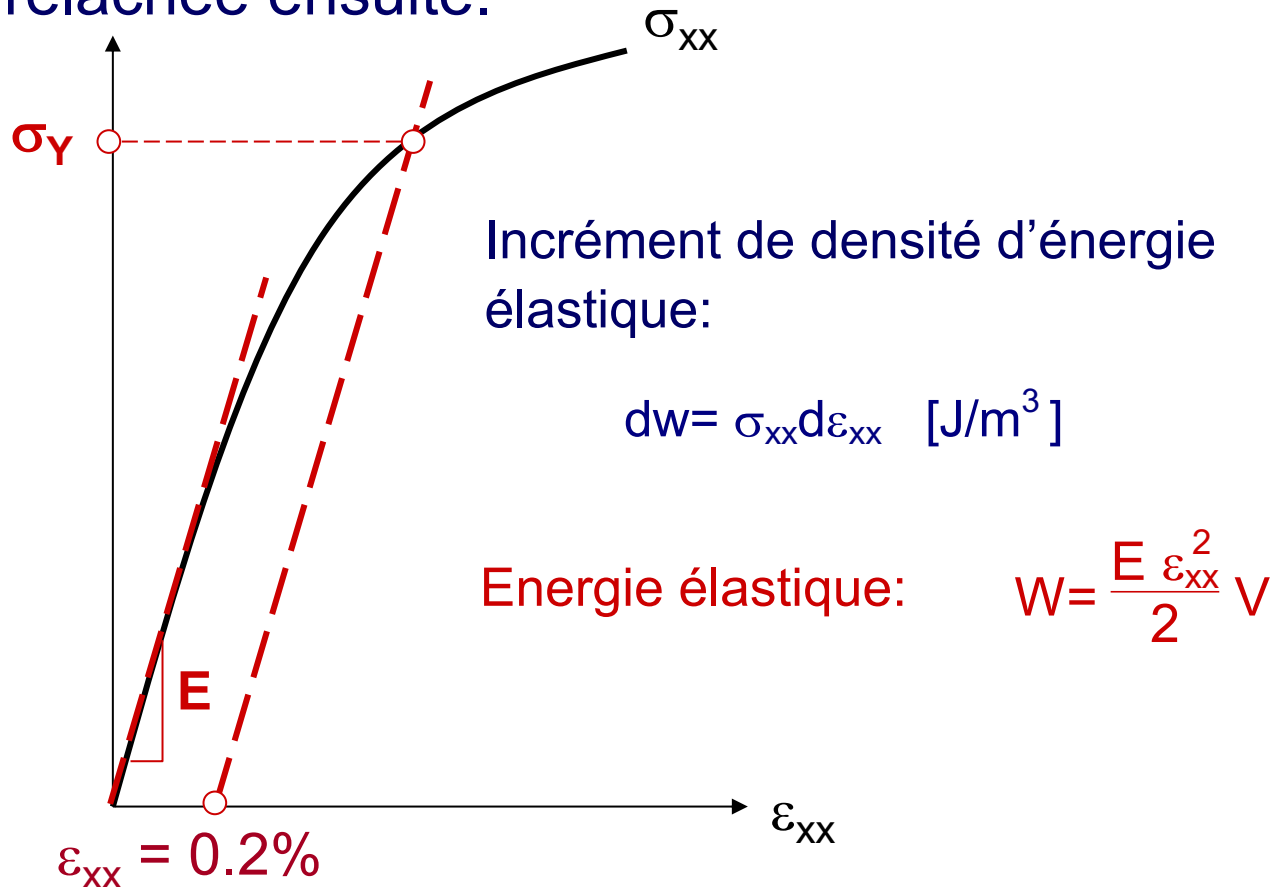
- Energie élastique
- Apparition de la plasticité
- Critères de choix des matériaux

Objectifs du cours

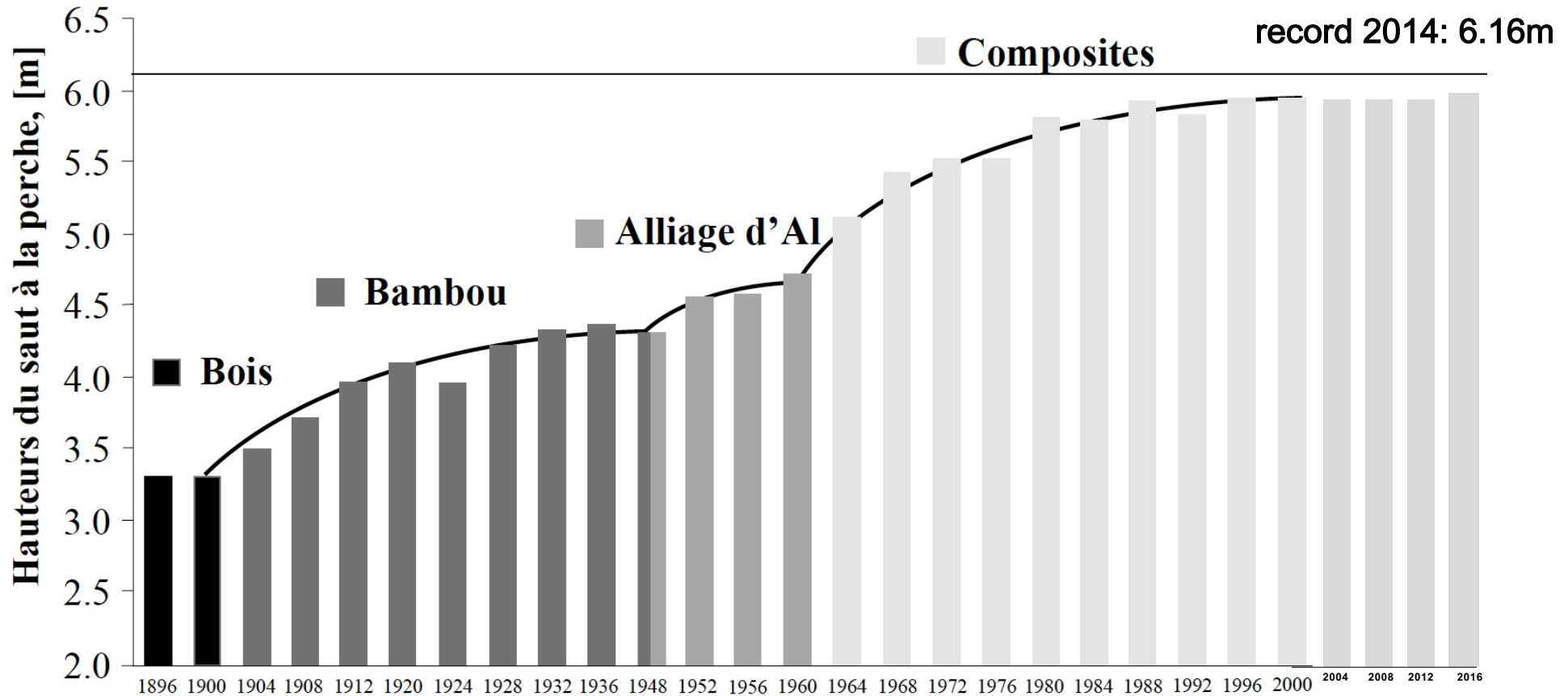
- Découvrir le principe de l'énergie élastique et voir comment on peut calculer l'énergie emmagasinée/restituée
- Découvrir la déformation plastique
- Découvrir quelques critères de choix des matériaux à l'aide des diagrammes d'Ashby

Stockage d'énergie

Si on déforme un matériau en restant dans le domaine élastique, le matériau revient à sa forme initiale quand on relâche la contrainte. L'énergie élastique est stockée pendant la déformation et relâchée ensuite.



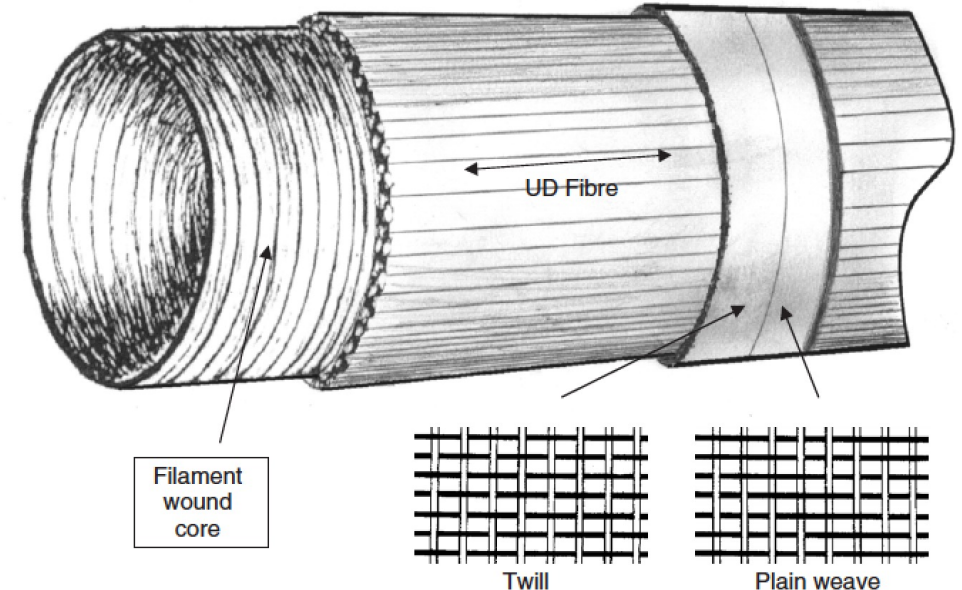
Exemple : perche de saut



Performance aux Jeux Olympiques depuis 1896->2016

Exemple : perche de saut

- 1- bois (Fresne, chataigner, chêne, cedre)
- 2- Bambou (1905)
- 3- Aluminium
- 4- Construction composite, sur un mandrin en alu qui se retire ensuite.



Autres exemples

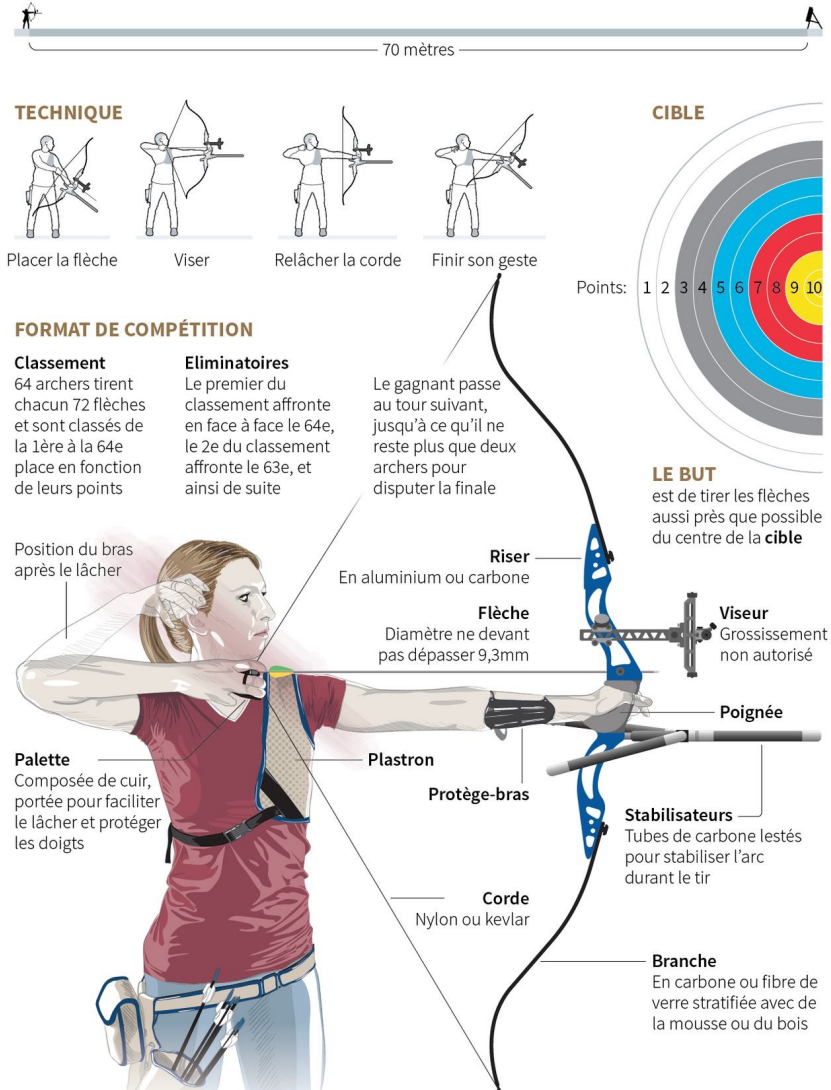
Arc, cannes de Hockey..

Ressorts, bandes élastiques



Le tir à l'arc demande de grandes réserves d'adresse et de concentration

pour tirer des flèches avec une précision sans faille sur des cibles placées à 70 mètres



Sources: Comité international olympique; Tokyo2020; Sports: The Complete Visual Reference

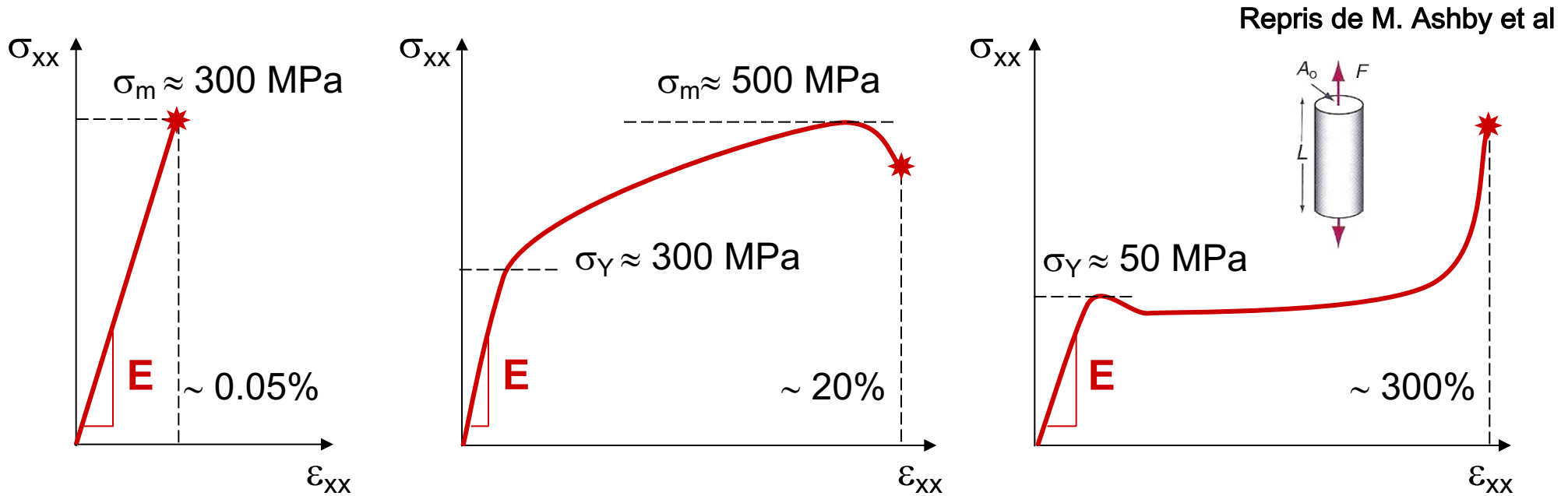
Wen Foo, illustration principale par Catherine Tai, 12/05/2021

REUTERS

Cours No 5.1

Comportement seulement élastique?

La plupart des matériaux ont un comportement mécanique beaucoup plus complexe que ne le décrit l'élasticité linéaire.



Céramiques

Comportement quasi-élastique jusqu'à la rupture. Très faible ductilité.

Métaux

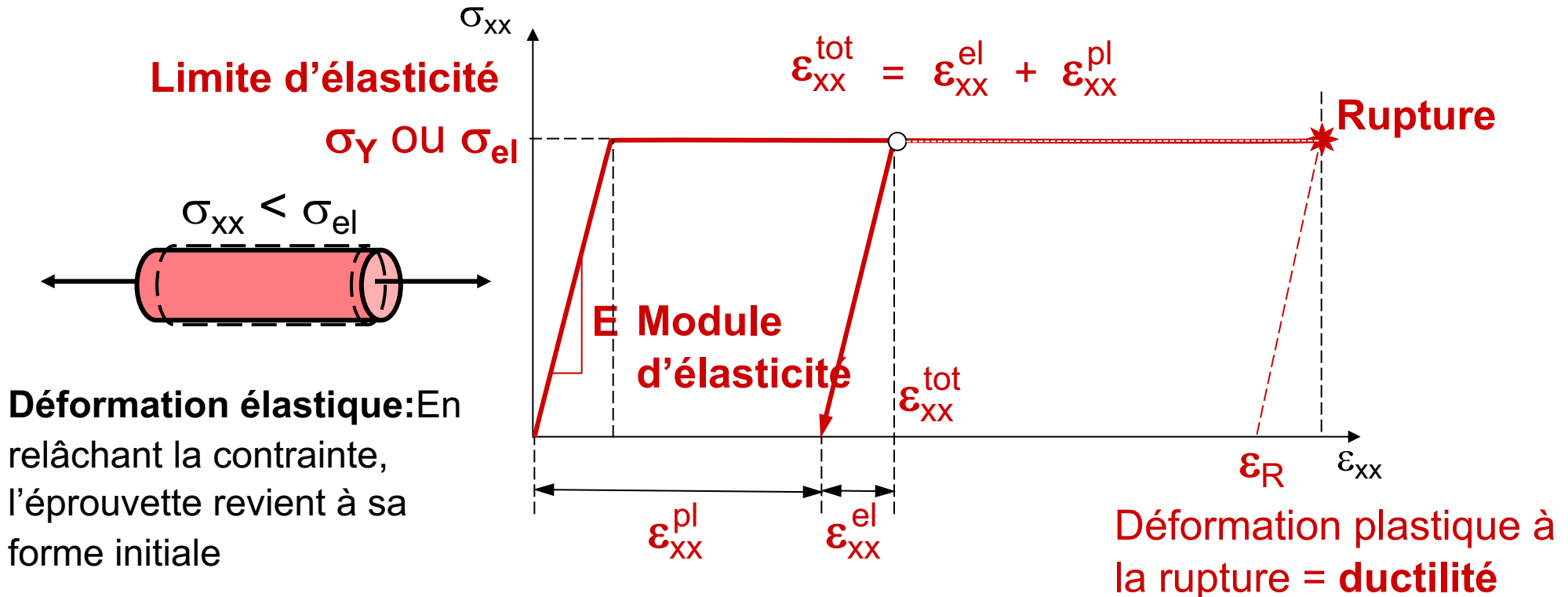
Comportement élastique, puis plastique avec durcissement, striction et rupture. Bonne ductilité.

Polymères ductiles

Faible limite élastique, grande ductilité, durcissement final et rupture.

Plasticité des métaux

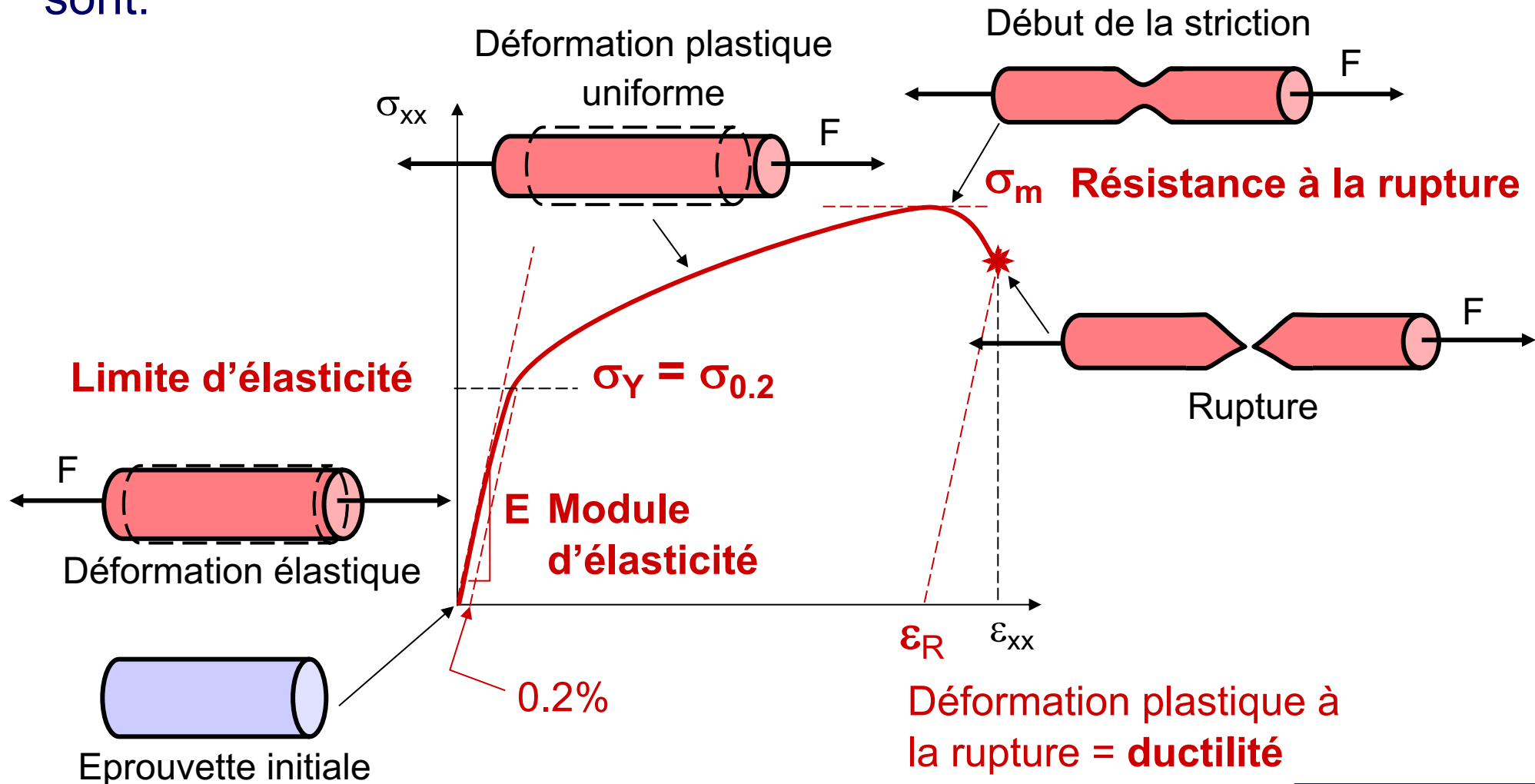
Un métal, avec un **comportement idéalisé élastique-plastique**, a la courbe de traction suivante:



Déformation plastique: Au-delà de $\epsilon_{xx} = \sigma_{el}/E$, la contrainte est constante et le corps se déforme plastiquement. Une fois la contrainte relâchée, l'éprouvette n'a plus la même forme et garde une déformation plastique résiduelle.

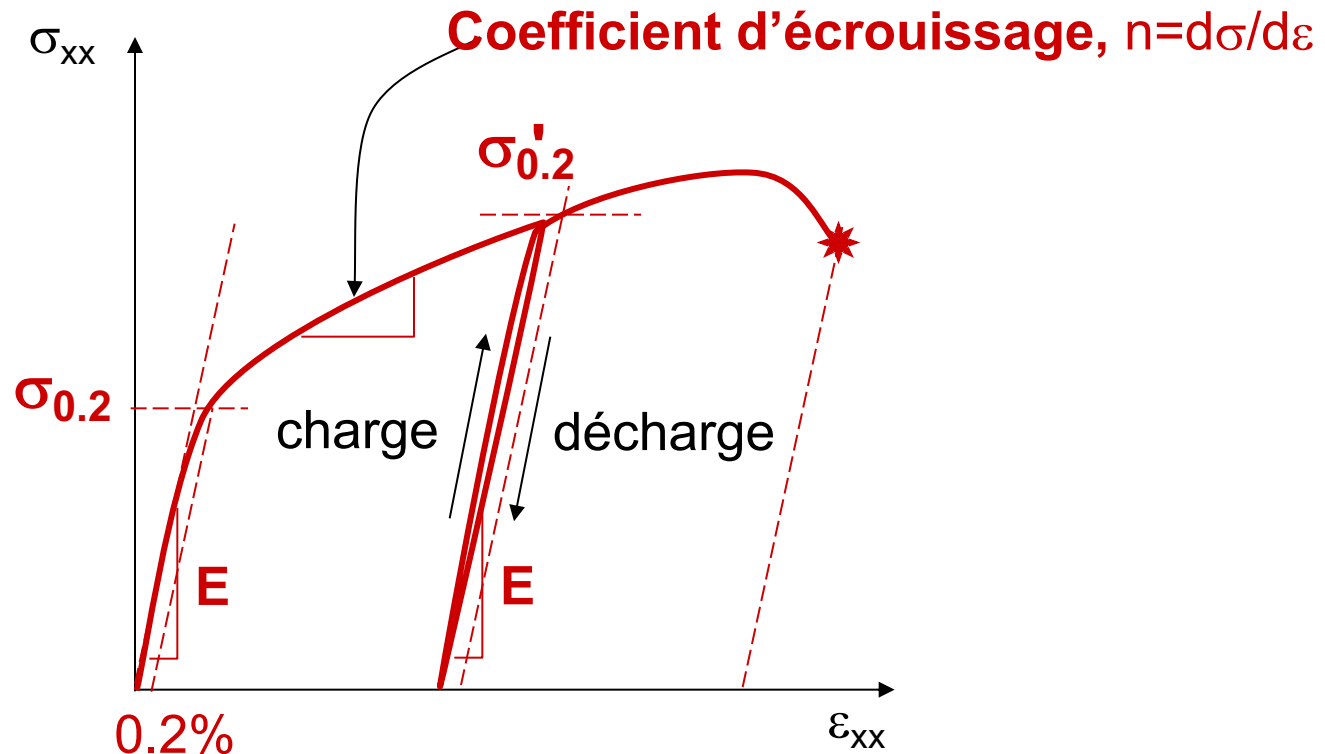
Plasticité des métaux

Pour un métal typique, les étapes de la déformation en traction sont:



Plasticité des métaux

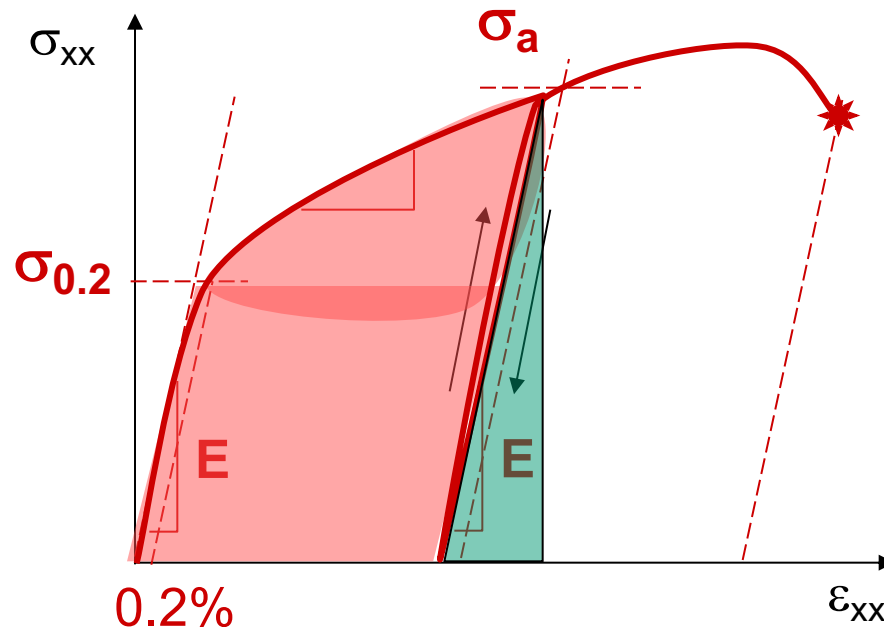
Lors de décharges/recharges, la limite élastique augmente: il y a **durcissement** du matériau, que l'on appelle **écrouissage**



Si E est quasiment fixé pour un type de matériau, tous les autres paramètres dépendent de la **microstructure**.

Energie dissipée et énergie restituée

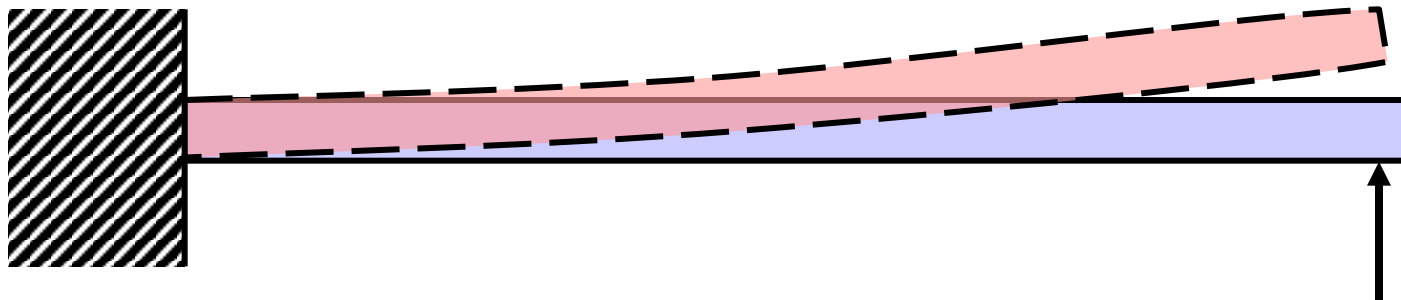
Si la limite d'élasticité est dépassée, la déformation non-élastique dissipe de l'énergie, qui ne sera pas restituée à la décharge.



L'énergie dissipée après relachement de la contrainte à σ_a est donnée par l'aire colorée en rouge sous la courbe. L'énergie restituée est donnée par l'aire colorée en vert.

Critères de choix des matériaux

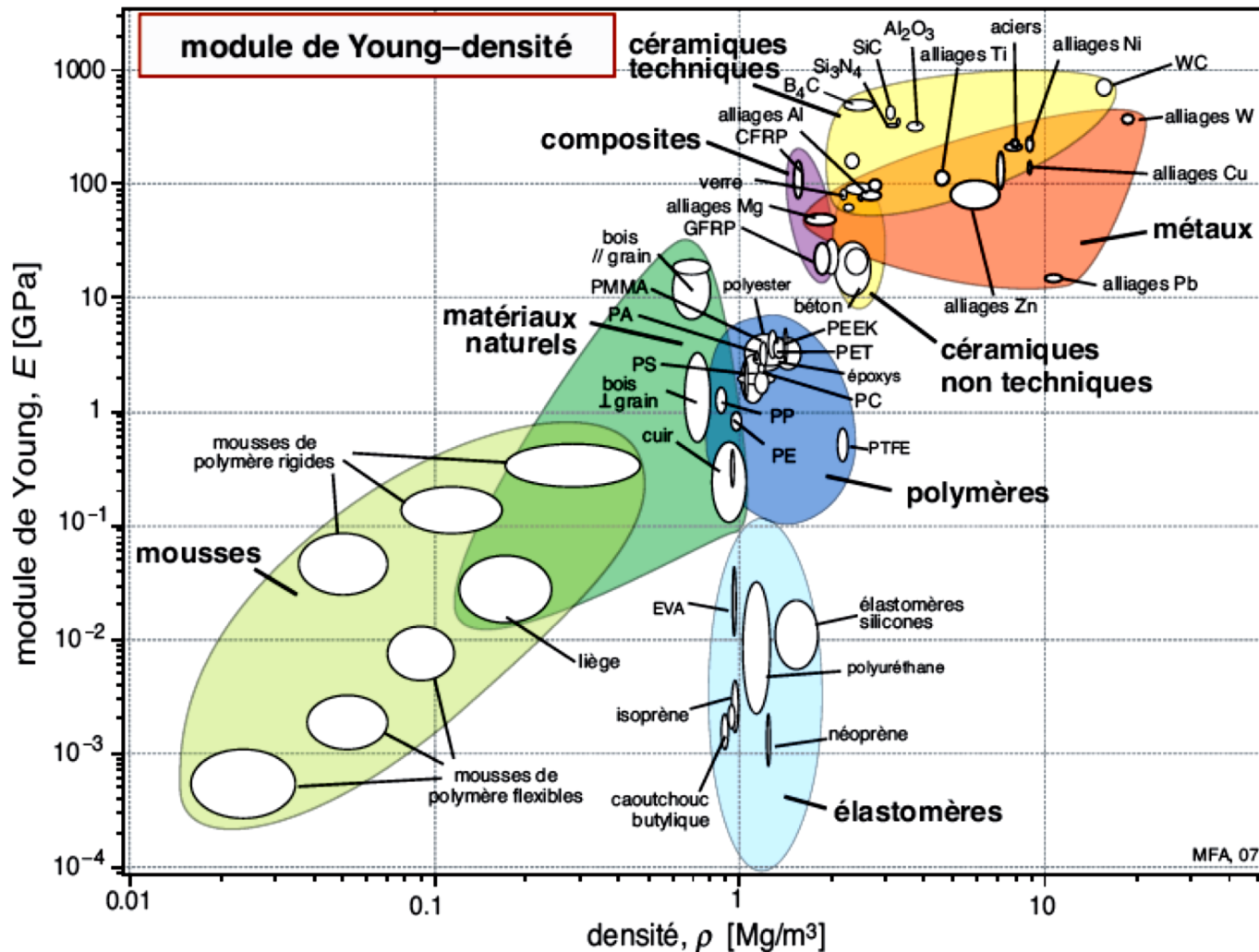
Une situation réelle de déformation élastique:



Quelles sont les contraintes "ressenties" par les atomes ?

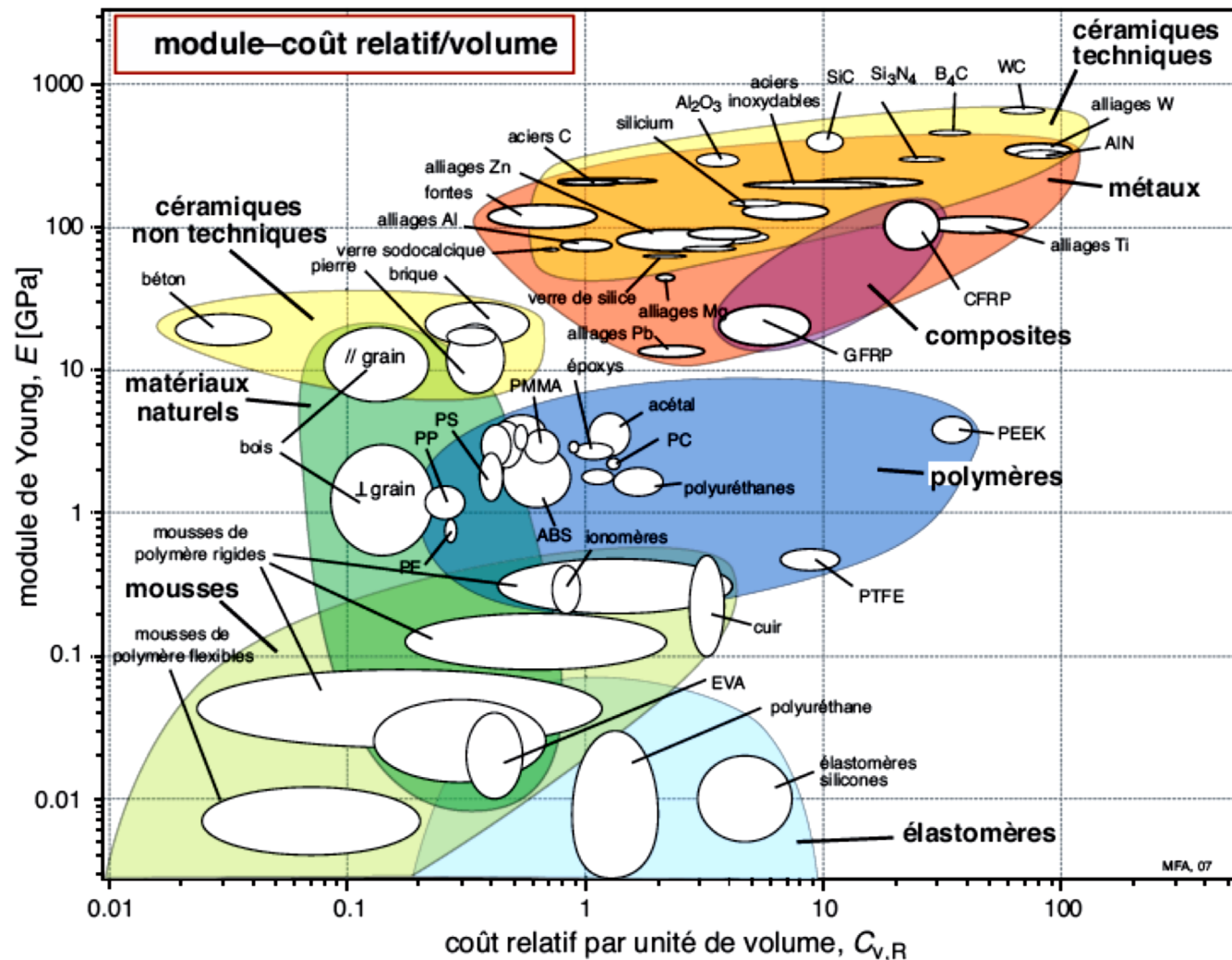
Choix des matériaux

Les cartes d'Ashby donnent une représentation graphique du module d'élasticité (ou de Young) en fonction de la densité...



Choix des matériaux

... ou du prix.

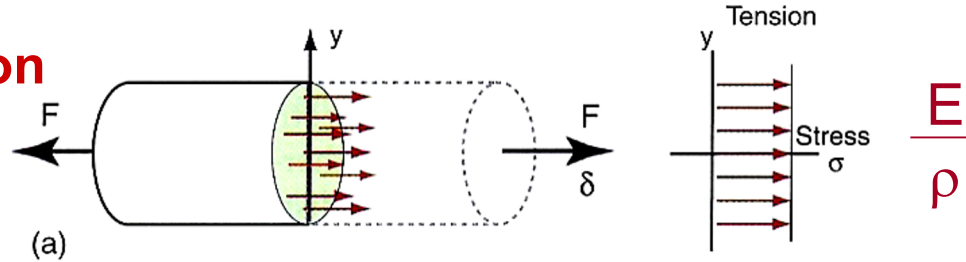


Type de sollicitation : traction

Le choix d'un matériau dépend de plusieurs facteurs: type de sollicitation, charge maximum, prix, etc. On peut définir un **indice de rigidité spécifique**:



Traction



Acier : 25
Al : 26

Exemple: Tige rigide, longueur initiale L_0 , aire A , on veut que son élongation Δl soit inférieure à une valeur donnée pour une charge donnée, mais avec une masse m la plus faible possible:

$$m = AL_0\rho$$

$$F/A = E \Delta l / L_0$$

On peut éliminer A pour avoir

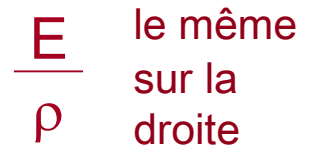
$$m = F/\Delta l (L_0)^2(\rho/E)$$

Il faut que E/ρ soit le plus grand possible



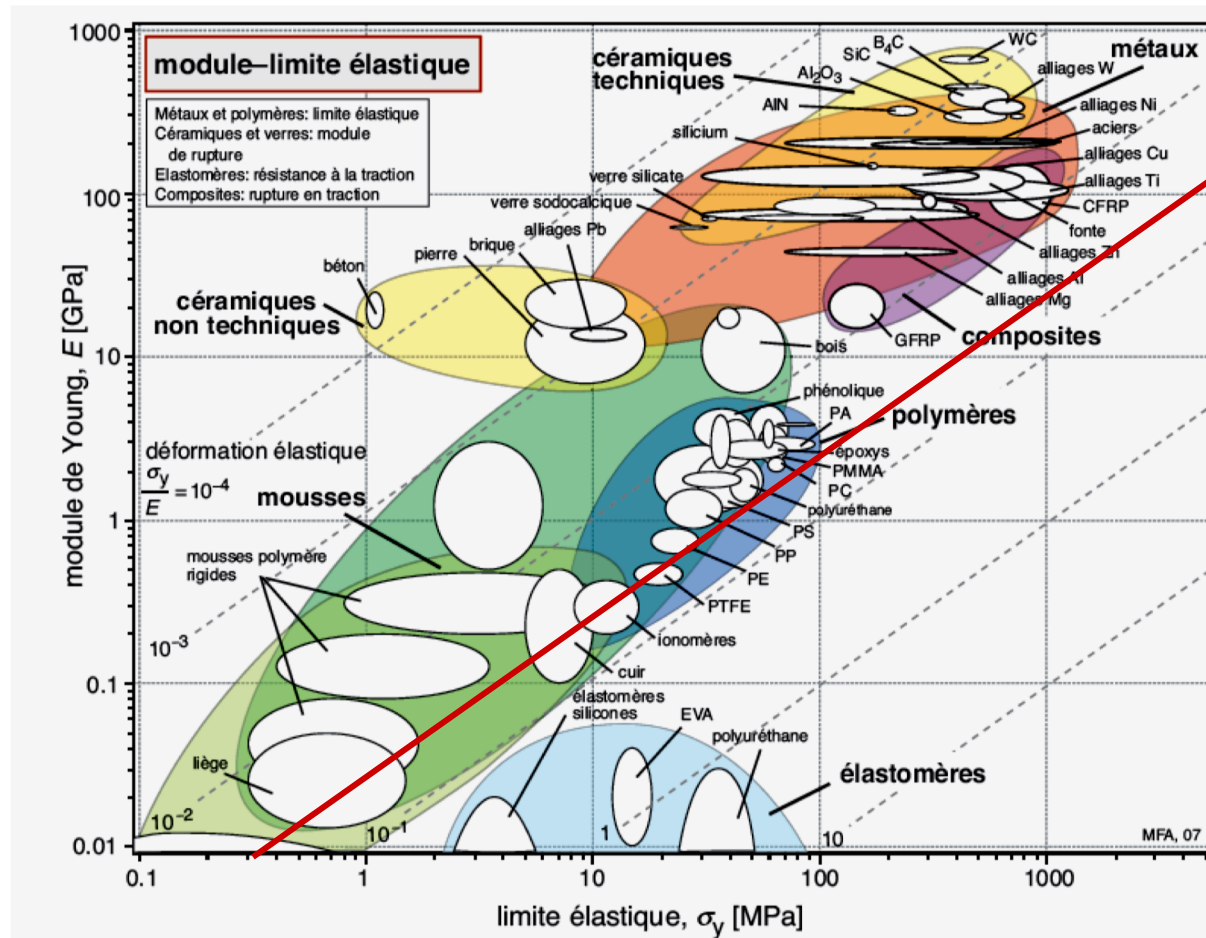
19

Cours No 5.2



Limite d'élasticité des matériaux

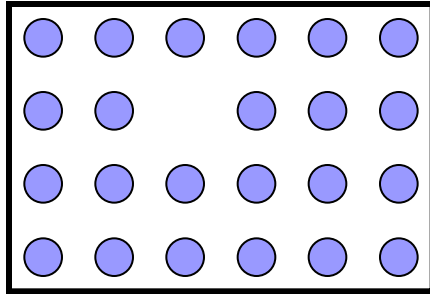
La **limite d'élasticité** σ_{el} (ou σ_Y) théorique peut être calculée, elle correspond à la force max ($E/27$ calculé par le potentiel de Leenards Jones, $E/15$ donné dans le livre d'Ashby avec un autre potentiel). En pratique elle est beaucoup plus faible, et varie beaucoup pour un même matériau. Pourquoi?



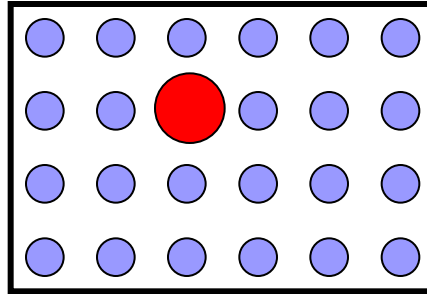
$$\sigma_m^{LJ} = \frac{E}{27} = 0.037E$$

Les défauts dans les matériaux cristallins

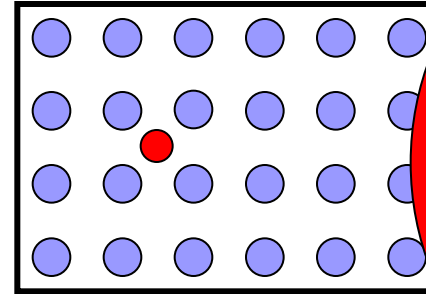
Le cristal parfait n'existe pas! Types de **défauts**:



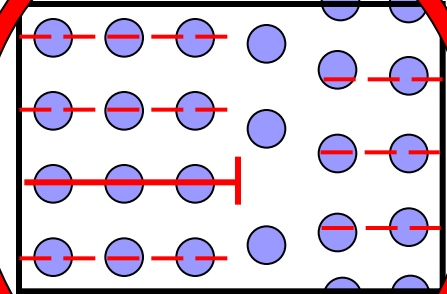
Lacune



Défaut ponctuel
(substitutionnel)

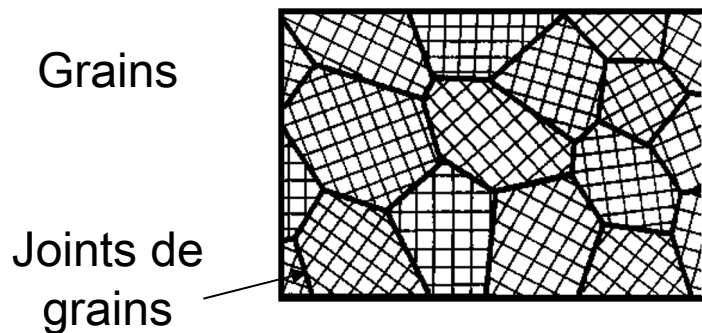


Défaut ponctuel
(interstitiel)



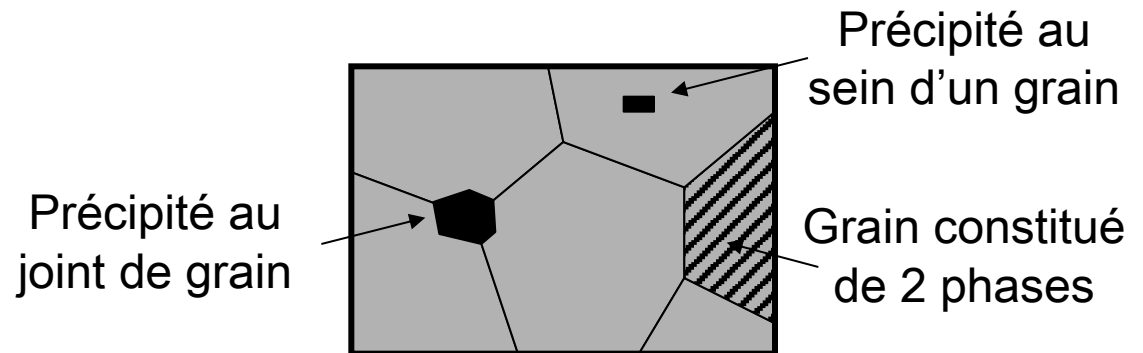
Dislocation

Mais surtout, la plupart des matériaux sont **polycristallins** et composés de plusieurs phases (**multiphasés**)



Grains

Joints de
grains



Précipité au
sein d'un grain

Précipité au
joint de grain

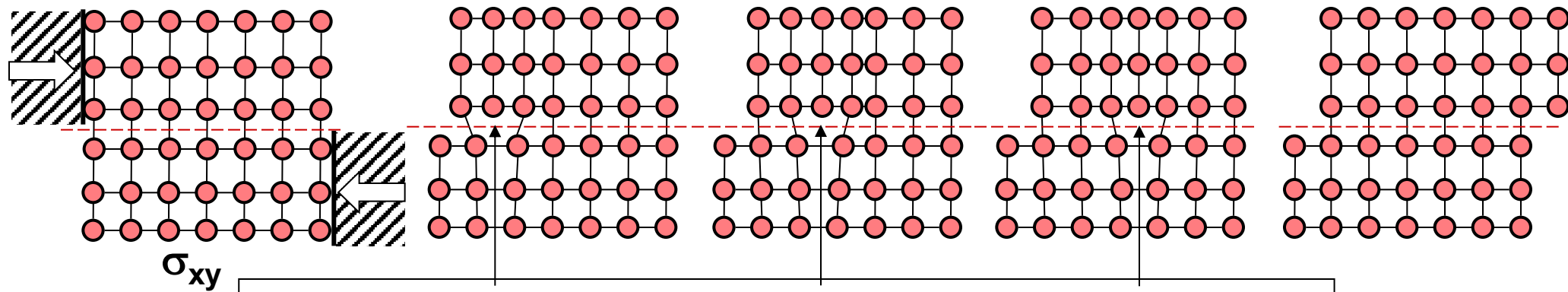
Grain constitué
de 2 phases

Mécanismes de plasticité des métaux

Des défauts d'empilement des rangées d'atomes facilitent leur mouvement...



... pour la même raison qu'il est plus facile de faire glisser un tapis sur le sol en faisant un pli et en repoussant ce dernier!



Position de la dislocation et émergence de l'autre côté du cristal

Cours No 5.2

Résumé

- La plasticité des matériaux correspond à une déformation non réversible, qui dissipe de l'énergie.
- Les cartes d'Ashby permettent de choisir les matériaux pour un type de sollicitation donné, qui minimisent par exemple la masse.
- Le comportement plastique des métaux est essentiellement lié aux dislocations, défauts linéaires marquant une discontinuité de l'arrangement cristallin.

A retenir du cours d'aujourd'hui

- *Connaître les définitions de limite d'élasticité, plasticité, ductilité, écrouissage.*
- *Savoir, à partir d'une courbe contrainte-déformation, retrouver le module E , la limite d'élasticité, le taux d'écrouissage, l'énergie dissipée, l'énergie restituée.*
- *Savoir, à partir de cartes d'Ashby, retrouver des matériaux équivalents en rigidité spécifique.*

Pour la prochaine fois

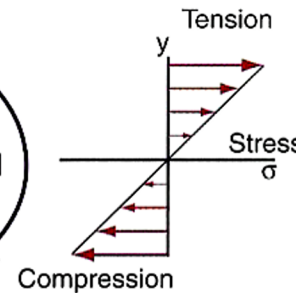
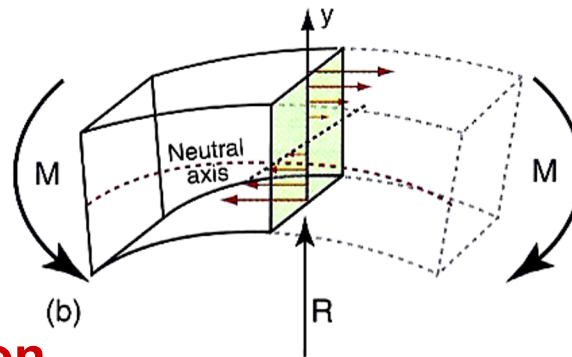
- *Lire le chapitre 6 du livre d'Ashby sur la plasticité.*
- *Finir les exercices du cours No 5*

Autre type de sollicitation (pour info)

On verra seulement la traction et compression (et un peu de cisaillement) dans ce cours, mais vous verrez bientôt qu'on peut aussi avoir de la flexion ou de la torsion...

On peut définir un **indice de rigidité spécifique** pour chaque type de sollicitation:

Flexion

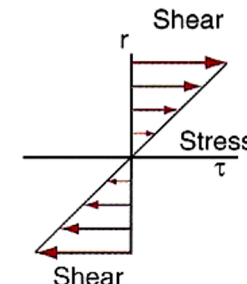
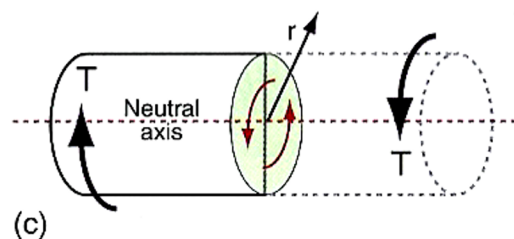


$$\frac{\sqrt{E}}{\rho}$$

Acier : 1.8

Al : 3.1

Torsion



$$\frac{\sqrt{G}}{\rho}$$